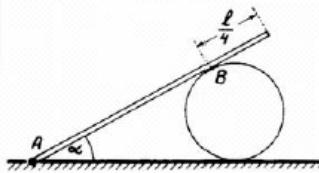


OPĆINSKO/GRADSKO NATJECANJE IZ FIZIKE – 2004/05.
Srednje škole - 3. grupa

Zadatak 1. (10 bodova)

Greda duljine l i mase $m = 200 \text{ kg}$, pričvršćena je u točki A zglobom za horizontalno tlo. Greda je oslonjena u točki B na gladak cilindar, zatvarajući pri tome kut $\alpha = 30^\circ$ s tлом. Kolika sila djeluje na oslonac B?



Zadatak 2. (10 bodova)

U jednoj U-cijevi, površine poprečnog presjeka $S = 0.5 \text{ cm}^2$, nalazi se određena količina žive. Promjenom tlaka u jednom kraku ove cijevi izazovu se oscilacije žive u njoj. Koliki je period oscilacija ovog sustava ako je masa žive $m = 120 \text{ g}$, a njena gustoća $\rho = 13600 \text{ kg/m}^3$, dok je ubrzanje slobodnog pada na mjestu gdje se nalazi ovaj sustav $g = 1.64 \text{ m/s}^2$.

Zadatak 3. (10 bodova)

Kada je u LC-oscilatornom krugu kondenzator (1), tada je njegova rezonantna frekvencija (kružna) ω_1 , a kada se u njemu nalazi kondenzator (2), rezonantna frekvencija je ω_2 . Kolika će biti rezonantna frekvencija kada se ovi kondenzatori spoje:

- a) paralelno,
- b) serijski?

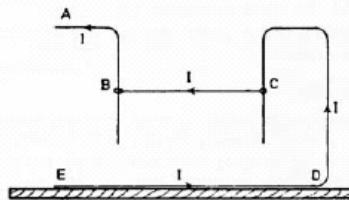
Rješenje izrazi preko rezonantnih frekvencija ω_1 i ω_2 .

Zadatak 4. (10 bodova)

U promatranoj točki A postoji magnetsko polje B_z koje čine Zemljino magnetsko polje i magnetsko polje izazvano dugačkim pravocrtnim vodičem kojim teče istosmjerna struja jakosti $I = 10 \text{ A}$. U koji položaj treba postaviti vodič u odnosu na promatranoj točku A, da bi u njoj rezultirajući vektor magnetskog polja bio upravo jednak, i po iznosu i po smjeru, vertikalnoj komponenti Zemljinog magnetskog polja? U kojim je točkama tada ukupno magnetsko polje jednakno nuli? Horizontalna komponenta Zemljinog magnetskog polja iznosi $B_h = 20 \mu\text{T}$ a vertikalna $B_v = 50 \mu\text{T}$.

Zadatak 5. (10 bodova)

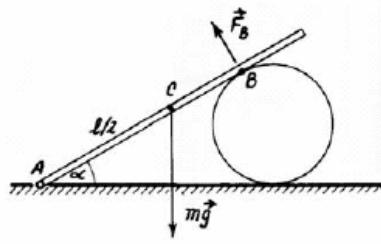
Dugačka žica ED (ED \gg BC) postavljena je na horizontalnu površinu stola. Druga žica BC nalazi se iznad prve tako da je s njom paralelna. Pomoću prstenova (pomičnih kontakata) B i C, obje žice vezane su u strujni krug, ali tako da se žica BC može pomicati u vertikalnom smjeru bez trenja. Na kojoj će se najvećoj visini postaviti žica ako se kroz krug pusti struja jakosti $I = 60 \text{ A}$ i ako je masa žice BC po jedinici dužine $\mu = 2 \text{ g/m}$?



OPĆINSKO/GRADSKO NATJECANJE IZ FIZIKE 2004./05.
Srednje škole - 3. grupa - rješenja

Zadatak 1. (10 bodova)

Kako je oslonac B gladak, otpor oslonca \vec{F}_B je normalna sila, čiji su pravac i smjer prikazani na slici:



(3 boda)

Budući da je greda u ravnoteži, prema uvjetu ravnoteže je $\sum \vec{M}_A = 0$. (2 boda)

Pri tome je $AC \cdot mg - AB \cdot F_B = 0$, odakle se dobiva da je $F_B = mg \frac{AC}{AB}$, gdje je

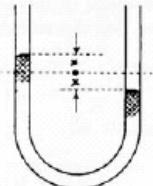
$$AC = \frac{l}{2} \cos \alpha = \sqrt{3} \frac{l}{4} \text{ i } AB = 3 \frac{l}{4}, \text{ tj.} \quad (3 \text{ boda})$$

$$F_B = \frac{\sqrt{3}}{3} mg = 1.13 \text{ kN.} \quad (2 \text{ boda})$$

Zadatak 2. (10 bodova)

U ravnotežnom stanju, razina žive u oba kraka U-cijevi je isti. Ako se pod djelovanjem povišenog tlaka u jednoj strani cijevi snizi razina žive za x , onda je ukupna visinska razlika razina u krakovima cijevi $2x$.

(2 boda)



Intenzitet sile koja teži živu vratiti u ravnotežni položaj je

$$F = \Delta m \cdot g = 2x S \rho g = k x, \quad (3 \text{ boda})$$

gdje je $k = 2S\rho g$,

pa izraz za period oscilacija $T = 2\pi\sqrt{m/k}$ dobiva oblik (2 boda)

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{2S\rho g}} \approx 1.46 \text{ s.} \quad (3 \text{ boda})$$

Zadatak 3. (10 bodova)

$$\text{Vrijedi sljedeće: } \omega_1 = \frac{1}{\sqrt{L \cdot C_1}}, \omega_2 = \frac{1}{\sqrt{L \cdot C_2}}. \quad (1 \text{ bod})$$

U slučaju paralelnog spoja kondenzatora vrijedi

$$C_p = C_1 + C_2 ; \quad (1 \text{ boda})$$

$$\omega_p = \frac{1}{\sqrt{L \cdot C_p}} = \frac{1}{\sqrt{L \cdot (C_1 + C_2)}}; C_1 = \frac{1}{\omega_1^2 \cdot L}; C_2 = \frac{1}{\omega_2^2 \cdot L} \quad (2 \text{ boda})$$

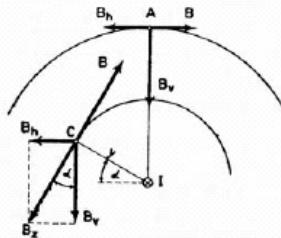
$$\text{iz čega proizlazi } \omega_p = \frac{\omega_1 \cdot \omega_2}{\sqrt{\omega_1^2 + \omega_2^2}}. \quad (2 \text{ boda})$$

$$\text{U slučaju serijskog spoja kondenzatora vrijedi } C_s = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2}, \quad (2 \text{ boda})$$

$$\text{iz čega proizlazi } \omega_s = \sqrt{\omega_1^2 + \omega_2^2}. \quad (2 \text{ boda})$$

Zadatak 4. (10 bodova)

Ukupno Zemljino magnetsko polje sastoji se od horizontalne i vertikalne komponente (B_h i B_v).



(2 boda)

Da bi u promatranoj točki A ukupno polje bilo vertikalno mora se poljem \mathbf{B} strujnog vodiča poništiti horizontalna komponenta B_h . To će se dogoditi ako se vodič postavi u horizontalnoj ravni i u pravcu okomitom na pravac komponente B_h . Ako kroz vodič teče struja u smjeru od promatrača prema crtežu (kao na slici) vodič se mora nalaziti horizontalno ispod točke A.

(1 bod)

Udaljenost x između točke A i vodiča određuje se iz uvjeta $\mathbf{B} = \mathbf{B}_h$.

$$\text{Budući da je } B = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I}{x}, \text{ očito je da je } x = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I}{B_h} = 0.1 \text{ m.} \quad (2 \text{ boda})$$

Da bi ukupno magnetsko polje u nekoj točki bilo jednako nuli, potrebno je da jakost magnetskog polja \mathbf{B} strujnog vodiča u toj točki bude, po intenzitetu jednak rezultanti komponenata B_h i B_v , a po smjeru suprotna. Neka su ti uvjeti ispunjeni u točki C koja je od strujnog vodiča udaljena za y . U njoj je jakost magnetskog polja Zemlje:

$$B_z = \sqrt{B_h^2 + B_v^2}, \text{ dok je magnetsko polje izazvano strujnim vodičem } B = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I}{y}, \text{ tako da mora biti } \mathbf{B} = \mathbf{B}_z, \text{ odnosno}$$

$$\frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I}{y} = \sqrt{B_h^2 + B_v^2}. \quad (3 \text{ boda})$$

Točka C od vodiča je udaljena za $y = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I}{\sqrt{B_h^2 + B_v^2}} = 3.7$ cm, i nalazi se, u odnosu na horizontalnu ravninu u kojoj je vodič, pod kutom α , koji se može izračunati pomoću relacije $\operatorname{tg}\alpha = \frac{B_h}{B_v} = 0.4$, tj. $\alpha = 21.5^\circ$. (2 boda)

Zadatak 5. (10 bodova)

Kroz paralelne vodiče BC i ED teku struje istog intenziteta ali suprotnih smjerova, tako da Amperova sila kojom vodič ED djeluje na pokretljivi vodič BC ima smjer prema gore. Vodič BC će se, pod djelovanjem te sile, pokretati na gore sve dok se Amperova sila ne izjednači po intenzitetu sa silom težine žice BC. Znači u tom slučaju je: (3 boda)

$$\frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I \cdot I_1}{a} \Delta l = mg, \quad \text{(3 boda)}$$

gdje su I i I_1 intenziteti struja kroz vodiče BC i ED, Δl je dužina vodiča BC, a je maksimalna visina žice BC, koju treba odrediti, a m je masa žice BC. Budući da je $I = I_1$ i $\frac{m}{\Delta l} = \mu$, očito je da je $a = 3.7$ cm. (4 boda)